

3. 삼각함수

1

호도법 (p. 37)

예제

1. 중심이 O 이고 반지름의 길이가 2인 부채꼴 OAB 에 대하여 호 AB 의 길이를 l , 부채꼴 OAB 의 넓이를 S 라 하자.

$S = l^2$ 일 때, 부채꼴 OAB 의 중심각인 $\angle AOB$ 의 크기는?
(단, $l > 0$)

① $\frac{1}{4}$

② $\frac{1}{2}$

③ $\frac{3}{4}$

④ 1

⑤ $\frac{5}{4}$

유제

2. 중심이 O 인 원 C 위의 점 X 에 대하여 반직선 OX 를

시초선으로 잡을 때, 두 각 $-\frac{\pi}{6}$, $\frac{\pi}{5}$ 가 나타내는 동경이

원 C 와 만나는 점을 각각 A , B 라 하자. 부채꼴 OAB 의 넓이가 $\frac{33}{5}\pi$ 일 때, 원 C 의 반지름의 길이를 구하시오.

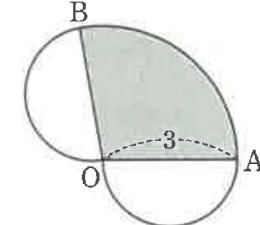
(단, 점 X 는 부채꼴 OAB 의 호 AB 위에 있다.)

3. 그림과 같이 중심이 O 이고 반지름의 길이가 3인 부채꼴

OAB 와 두 선분 OA , OB 를 각각 지름으로 하는 반원이 있다.

세 호 OA , OB , AB 로 둘러싸인 도형의 둘레의 길이가

$\frac{14}{3}\pi$ 일 때, 부채꼴 OAB 의 넓이는?



① π ② $\frac{3}{2}\pi$ ③ 2π

④ $\frac{5}{2}\pi$ ⑤ 3π

삼각함수의 뜻 (p. 39)

예제

4. $m < -1$ 인 음수 m 에 대하여 원 $x^2 + y^2 + 1$ 과 직선 $y = mx$ 가 만나는 점 중 제2사분면 위의 점을 A, 원 $x^2 + y^2 = 1$ 과 직선 $y = \frac{1}{m}x$ 가 만나는 점 중 제4사분면 위의 점을 B라 하고, 두 동경 OA, OB가 나타내는 각의 크기를 각각 α , β 라 하자.
 $\sin \alpha \sin \beta = -\frac{\sqrt{2}}{3}$ 일 때, 상수 m 의 값은? (단, O는 원점이고, 시초선은 x 축의 양의 방향이다.)

- ① $-\sqrt{2}$ ② $-\sqrt{3}$ ③ -2
 ④ $-\sqrt{5}$ ⑤ $-\sqrt{6}$

유제

5. $\sin \theta = \frac{3}{5}$ °이고 $\cos \theta + \tan \theta < 0$ 일 때, $\cos \theta - \tan \theta$ 의 값은?

- ① $-\frac{1}{10}$ ② $-\frac{1}{20}$ ③ 0
 ④ $\frac{1}{20}$ ⑤ $\frac{1}{10}$

6. $\sin \theta - \cos \theta = \frac{\sqrt{2}}{2}$ 일 때, $\tan \theta + \frac{1}{\tan \theta}$ 의 값을 구하시오.

삼각함수의 그래프 (p. 41)

예제

7. 자연수 n 에 대하여 $0 < x < n$ 에서 함수 $y = 2 \sin \frac{\pi}{2}x$ 의 그래프가 직선 $y=1$ 과 서로 다른 네 점 A, B, C, D에서만 만난다. 네 점 A, B, C, D의 x 좌표를 각각 p, q, r, s 라 할 때, $\frac{n}{p+q+r+s}$ 의 최댓값과 최솟값을 각각 M, m 이라 하자. Mm 의 값은? (단, $p < q < r < s$)

- ① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ 1
④ 2 ⑤ 3

유제

8. 두 양수 a, b 에 대하여 함수 $y = a \cos bx + ab$ 의 주기가 π 이고 최댓값이 3 일 때, $a+b$ 의 값을 구하시오.

9. 함수 $y = a \tan 2x + b$ 의 그래프가 두 점 $\left(\frac{\pi}{3}, 0\right), \left(\frac{\pi}{2}, 3\right)$ 을 지날 때, $a^2 + b^2$ 의 값을 구하시오. (단, a, b 는 상수이다.)

삼각함수의 성질 (p. 43)

예제

10. $\sin\left(\frac{\pi}{2}+\theta\right) \times \cos\left(\frac{\pi}{2}-\theta\right) = \frac{1}{4}$ 이고 $\sin(\pi+\theta) < 0$ 일 때,
 $\sin^3\theta + \cos^3\theta$ 의 값은?

- | | | |
|--------------------------------|--------------------------------|-------------------------------|
| ① $\frac{\sqrt{6}}{4}$ | ② $\frac{3\sqrt{6}}{8}$ | ③ $\frac{\sqrt{6}}{2}$ |
| ④ $\frac{5\sqrt{6}}{8}$ | ⑤ $\frac{3\sqrt{6}}{4}$ | |

유제

11. $\sin(\pi-\theta) = \frac{3}{5}$ 이고 $\tan\theta < 0$ 일 때, $\sin\left(\frac{3}{2}\pi+\theta\right)$ 의 값은?

- | | | |
|-------------------------|-------------------------|------------|
| ① $-\frac{4}{5}$ | ② $-\frac{3}{5}$ | ③ 0 |
| ④ $\frac{3}{5}$ | ⑤ $\frac{4}{5}$ | |

12. x 에 대한 이차방정식

$$x^2 + 2x \tan\left(\frac{\pi}{2}+\theta\right) + \tan(\pi+\theta) = 0$$

의 두 근을 α, β 라 하자. $(4\alpha-1)(4\beta-1)=1$ 일 때,
 $\tan^2\theta$ 의 값은? (단, θ 는 상수이다.)

- | | | |
|------------------------|------------------------|------------------------|
| ① 1 | ② $\frac{1}{2}$ | ③ $\frac{1}{3}$ |
| ④ $\frac{1}{4}$ | ⑤ $\frac{1}{5}$ | |

삼각함수의 활용 (p. 45)

예제

13. $0 \leq x < 2\pi$ 일 때, $\cos x \neq 0$ 일 때, 방정식

$$2\sin x - \tan x - 2\cos x + 1 = 0$$

을 만족시키는 모든 실수 x 의 값의 합은?

- | | | |
|--------------------|--------------------|----------|
| ① 3π | ② $\frac{7}{2}\pi$ | ③ 4π |
| ④ $\frac{9}{2}\pi$ | ⑤ 5π | |

유제

14. x 에 대한 \circ 차방정식 $2x^2 + (2\sin\theta)x + \sin\theta\cos\theta = 0$ \circ 중근을 갖도록 하는 상수 θ $\left(0 < \theta < \frac{\pi}{2}\right)$ 에 대하여 $\tan\theta$ 의 값을 구하시오.

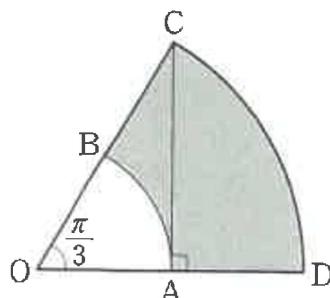
15. $0 \leq x < 2\pi$ 일 때, 부등식 $\cos^2 x + \left(2 + \frac{\sqrt{2}}{2}\right)\sin x > 1 + \sqrt{2}$ 의 해가 $\alpha < x < \beta$ 일 때, $\beta - \alpha$ 의 값을?

- | | | |
|--------------------|--------------------|---------|
| ① $\frac{\pi}{2}$ | ② $\frac{3}{4}\pi$ | ③ π |
| ④ $\frac{5}{4}\pi$ | ⑤ $\frac{3}{2}\pi$ | |

Level 1. 기초연습 (p. 46~47)

1. 두 상수 a, b 에 대하여 $400^\circ = a\pi, 320^\circ = b\pi$ 일 때, $a+b$ 의 값을 구하시오.

2. 그림과 같이 중심이 O , 중심각의 크기가 $\frac{\pi}{3}$, 반지름의 길이가 4인 부채꼴 OAB 가 있다. 점 A 를 지나고 선분 OA 에 수직인 직선이 반직선 OB 와 만나는 점을 C 라 하고, 중심이 O 이고 선분 OC 를 반지름으로 하는 원이 반직선 OA 와 만나는 점을 D 라 할 때, 두 호 AB, CD 와 두 선분 AD, BC 로 둘러싸인 도형의 넓이는?



- ① 6π ② 7π ③ 8π
 ④ 9π ⑤ 10π

3. 중심이 O 이고 반지름의 길이가 6인 부채꼴 OAB 의 둘레의 길이가 24일 때, 선분 AB 의 길이는?

- ① $12\sin 1$ ② $12\cos 1$ ③ $14\sin 2$
 ④ $14\cos 2$ ⑤ $16\sin 1$

4. $\sin \theta + \cos \theta = \frac{1}{3}$ 일 때, $\sin^4 \theta + \cos^4 \theta$ 의 값은?

- ① $\frac{25}{81}$ ② $\frac{4}{9}$ ③ $\frac{49}{81}$
 ④ $\frac{64}{81}$ ⑤ 1

5. $\sin \frac{\pi}{6} \times \cos \frac{2}{3}\pi \times \tan \frac{7}{6}\pi$ 의 값은?

- | | | |
|-------------------------|-------------------------|--------------------------|
| ① $-\sqrt{3}$ | ② $-\frac{\sqrt{3}}{4}$ | ③ $-\frac{\sqrt{3}}{12}$ |
| ④ $\frac{\sqrt{3}}{12}$ | ⑤ $\frac{\sqrt{3}}{4}$ | |

6. 함수 $f(x) = 3 \tan(\pi + 2x) - 1$ 에 대한 설명으로 옳은 것만을 <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?

- | | |
|---|--|
| <보기> | |
| ㄱ. $f\left(\frac{\pi}{8}\right) = 2$ | |
| ㄴ. 함수 $f(x)$ 의 주기는 π 이다. | |
| ㄷ. 함수 $y = f(x)$ 의 그래프는 점 $(0, -1)$ 에 대하여 대칭이다. | |

- | | | |
|--------|-----------|--------|
| ① ㄱ | ② ㄴ | ③ ㄱ, ㄷ |
| ④ ㄴ, ㄷ | ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ | |

7. $\left\{ \sin\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{7}\right) + \sin\left(\pi - \frac{\pi}{7}\right) \right\}^2 + \left\{ \cos\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{7}\right) + \cos\left(\pi - \frac{\pi}{7}\right) \right\}^2$ 의 값은?

- | | | |
|-----------------|-----------------|-----|
| ① $\frac{1}{3}$ | ② $\frac{1}{2}$ | ③ 1 |
| ④ 2 | ⑤ 3 | |

8. $0 \leq x < 2\pi$ 에서 $\sin x > \frac{1}{6}$ 일 때, 방정식

$$\log_2 \sin x + \log_2 (6 \sin x - 1) = 0$$

을 만족시키는 모든 실수 x 의 값의 합은?

- | | | |
|----------------------|-----------------------|----------------------|
| ① $\frac{\pi^2}{36}$ | ② $\frac{\pi^2}{18}$ | ③ $\frac{\pi^2}{12}$ |
| ④ $\frac{\pi^2}{9}$ | ⑤ $\frac{5}{36}\pi^2$ | |

9. 함수 $f(x)=2\sin^2x+\cos x-1$ 의 최댓값과 최솟값을 각각 M , m 이라 할 때, $M-m$ 의 값은?

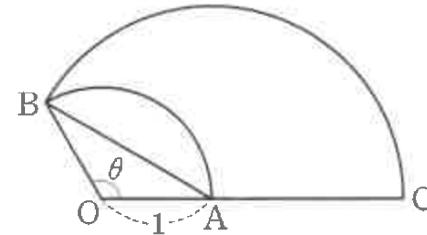
- | | | |
|------------------|------------------|------------------|
| ① 3 | ② $\frac{25}{8}$ | ③ $\frac{13}{4}$ |
| ④ $\frac{27}{8}$ | ⑤ $\frac{7}{2}$ | |

Level 2. 기본연습 (p. 48~50)

1. 각 $\frac{50}{n}\pi$ 가 제2사분면의 각이 되도록 하는 두 자리의 자연수 n 의 개수는?

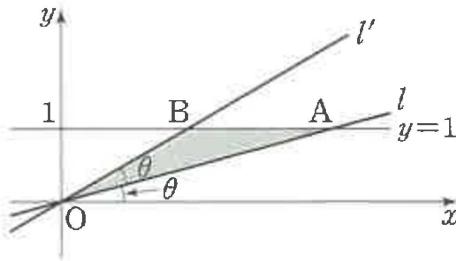
- | | | |
|------|------|------|
| ① 51 | ② 53 | ③ 55 |
| ④ 57 | ⑤ 59 | |

2. 그림과 같이 중심이 O , 중심각의 크기가 θ , 반지름의 길이가 1인 부채꼴 OAB 에 대하여 반직선 OA 위의 점 C 를 $\overline{AB}=\overline{AC}$ 가 되도록 잡는다. 부채꼴 ACB 의 넓이가 $\frac{3}{4}(\pi+\theta)$ 일 때, $\sin \theta \cos \theta$ 의 값은? (단, $\frac{\pi}{2} < \theta < \pi$)



- | | | |
|------------------|-------------------------|-------------------------|
| ① $-\frac{1}{4}$ | ② $-\frac{\sqrt{2}}{4}$ | ③ $-\frac{\sqrt{3}}{4}$ |
| ④ $-\frac{1}{2}$ | ⑤ $-\frac{\sqrt{5}}{4}$ | |

3. 그림과 같이 원점 O를 지나고 x 축의 양의 방향과 이루는 각의 크기가 θ , 2θ 인 직선을 각각 l , l' 이라 하고, 직선 $y=1$ 과 두 직선 l , l' 이 만나는 점을 각각 A, B라 하자. 삼각형 OAB의 넓이가 1일 때, $\sin 6\theta$ 의 값은? (단, $0 < \theta < \frac{\pi}{4}$)



- ① 0 ② $\frac{1}{2}$ ③ $\frac{\sqrt{2}}{2}$
 ④ $\frac{\sqrt{3}}{2}$ ⑤ 1

4. 다음 조건을 만족시키는 모든 자연수 n 의 값의 합은?

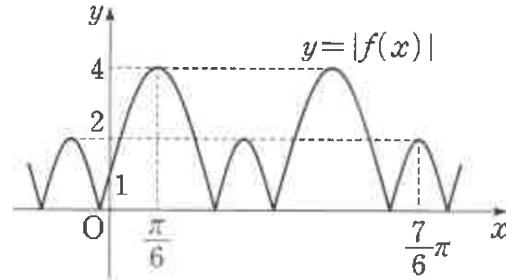
함수 $f(x) = \sin \frac{\pi}{n}x$ 가 모든 실수 x 에 대하여 $f(x+20) = f(x)$ 를 만족시킨다.

- ① 15 ② 16 ③ 17
 ④ 18 ⑤ 19

5. 직선 $x + ny - n = 0$ 과 함수 $y = \tan \frac{\pi}{4}x$ 의 그래프가 제1사분면에서 만나는 점의 개수가 3이 되도록 하는 모든 자연수 n 의 값의 합은?

- ① 42 ② 46 ③ 50
 ④ 54 ⑤ 58

6. 함수 $f(x) = a \sin bx + c$ 가 있다. 함수 $y = |f(x)|$ 의 그래프가 그림과 같으나 $|f(0)| = 1$, $|f\left(\frac{\pi}{6}\right)| = 4$, $|f\left(\frac{7}{6}\pi\right)| = 2$ 가 되도록 하는 세 실수 a , b , c 에 대하여 $a+b+c$ 의 최댓값과 최솟값을 각각 M , m 이라 하자. $M-m$ 의 값은?



- ① 9 ② 10 ③ 11
 ④ 12 ⑤ 13

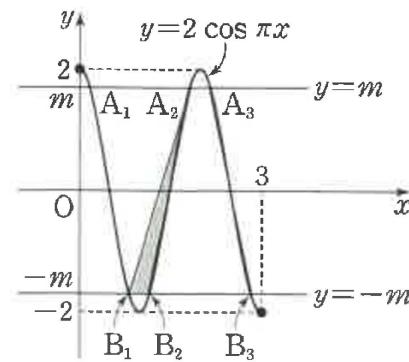
7. 함수 $f(x)=a \sin b(x+\pi)+c$ 가 다음 조건을 만족시키도록 하는 세 자연수 a, b, c 에 대하여 $a+b+c$ 의 최솟값은?

(가) 함수 $f(x)$ 의 최댓값과 최솟값은 각각 7, -3이다.

(나) $f\left(\frac{\pi}{2}\right)=2$

- ① 8 ② 9 ③ 10
 ④ 11 ⑤ 12

9. 그림과 같이 $0 \leq x \leq 3$ 에서 함수 $y=2 \cos \pi x$ 의 그래프와 직선 $y=m$ ($0 < m < 2$)가 서로 다른 세 점 A_1, A_2, A_3 ($\overline{OA_1} < \overline{OA_2} < \overline{OA_3}$)에서 만나고, 함수 $y=2 \cos \pi x$ 의 그래프와 직선 $y=-m$ 이 서로 다른 세 점 B_1, B_2, B_3 ($\overline{OB_1} < \overline{OB_2} < \overline{OB_3}$)에서 만난다. 사각형 $A_2B_2B_3A_3$ 의 넓이가 $2\sqrt{3}$ 일 때, 삼각형 $A_2B_1B_2$ 의 넓이는? (단, O는 원점이다.)



- ① $\frac{\sqrt{3}}{6}$ ② $\frac{\sqrt{3}}{3}$ ③ $\frac{\sqrt{3}}{2}$
 ④ $\frac{2\sqrt{3}}{3}$ ⑤ $\frac{5\sqrt{3}}{6}$

8. $-3 < x \leq 3$ 에서 두 함수 $f(x)=\sin \frac{\pi}{3}x$, $g(x)=\sin \frac{5}{3}\pi x$ 의

- 그래프가 만나는 서로 다른 점의 개수를 n 이라 하고,
 ① n 개의 점의 x 좌표의 합을 S 라 할 때, $n \times S$ 의 값은?

- ① 21 ② 24 ③ 27
 ④ 30 ⑤ 33

10. 모든 실수 θ 에 대하여 등식

$$\left| \sin\left(\frac{\pi}{3} + \theta\right) \right| = \left| \sin\left(\frac{n+2}{3}\pi - \theta\right) \right|$$

가 성립하도록 하는 두 자리의 자연수 n 의 개수를 구하시오.

11. 두 함수 $f(x) = \sin 2x$, $g(x) = \pi \cos x$ 에 대하여

$n\pi < x < (n+1)\pi$ 에서 방정식 $(f \circ g)(x) = 0$ 의 모든 실근의 합이

$\frac{51}{2}\pi$ 가 되도록 하는 자연수 n 의 값을 구하시오.

12. $0 \leq \theta < 2\pi$ 일 때, 모든 실수 x 에 대하여 부등식

$$x^2 + (2 \sin \theta)x - \cos^2 \theta + 2 \sin \theta \geq 0$$

이 성립하도록 하는 θ 의 값의 범위는 $\alpha \leq \theta \leq \beta$ 이다.
 $3(\beta - \alpha)$ 의 값을?

- | | | |
|----------|----------|----------|
| ① π | ② 2π | ③ 3π |
| ④ 4π | ⑤ 5π | |

Level 3. 실력완성 (p. 51)

1. 양수 a 에 대하여 정의역이 $\{x | 0 \leq x \leq 4\}$ 인 함수

$f(x) = a \cos \frac{\pi}{2}x + a$ 가 있다. 함수 $y = f(x)$ 의 그래프와 직선 $y = 2a$ 로 둘러싸인 부분의 넓이가 8일 때, 함수 $y = f(x)$ 의 그래프와 x 축 및 y 축으로 둘러싸인 부분의 넓이를 S 라 하자. $a + S$ 의 값은?

- | | | |
|------------------|-----------------|-----|
| ① 4 | ② $\frac{9}{2}$ | ③ 5 |
| ④ $\frac{11}{2}$ | ⑤ 6 | |

2. 다음 조건을 만족시키는 네 실수 α, β, M, k 에 대하여

$$\frac{\alpha}{\beta} + \frac{k}{M}$$
 의 최솟값은?

$0 \leq x \leq \frac{5}{2}\pi$ 에서 함수

$$f(x) = \sin^2\left(\frac{11}{10}\pi - x\right) + \sin\left(x - \frac{3}{5}\pi\right) + k$$

는 $x = \alpha$ 일 때 최댓값 M 을 갖고, $x = \beta$ 일 때 최솟값 0을 갖는다.

- | | | |
|-----------------|-------------------|-------------------|
| ① $\frac{5}{7}$ | ② $\frac{16}{21}$ | ③ $\frac{17}{21}$ |
| ④ $\frac{6}{7}$ | ⑤ $\frac{19}{21}$ | |

3. 10보다 작은 두 자연수 a, b 에 대하여 $0 < x < 2\pi$ 에서
함수 $y = a \sin x + b$ 의 그래프가 세 직선 $y = 1, y = 3, y = 5$ 와
만나는 서로 다른 점의 개수를 각각 p, q, r 이라 할 때,
 $p+q+r=3$ 이 되도록 하는 a, b 의 모든 순서쌍 (a, b) 의 개수를
구하시오.

4. 실수 전체의 집합에서 정의된 함수 $f(x)$ 가 다음 조건을
만족시킨다.

(가) $0 \leq x \leq 4$ 일 때, $f(x) = \sin \frac{\pi}{2}x$ 이다.

(나) 모든 실수 x 에 대하여 $f(-x) = f(x), f(x+8) = f(x)$ 이다.

$0 < x < 20$ 일 때, 방정식 $|f(x) + f(x-2)| = 2$ 의 모든 근의
합은?

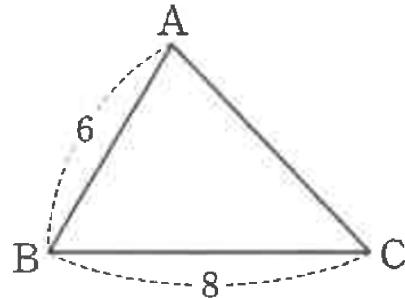
- ① 41 ② 42 ③ 43
④ 44 ⑤ 45

사인법칙 (p. 55)

예제

1. 그림과 같이 $\overline{AB}=6$, $\overline{BC}=8$ 인 예각삼각형 ABC의 외접원의

넓이가 18π 일 때, $\frac{\overline{AC}}{\sin(2C+A)\times \sin B}$ 의 값은?



- | | | |
|----------------|----------------|----------------|
| ① $14\sqrt{2}$ | ② $16\sqrt{2}$ | ③ $18\sqrt{2}$ |
| ④ $20\sqrt{2}$ | ⑤ $22\sqrt{2}$ | |

유제

2. $\overline{AB}=4$, $\sin(A+B)=\frac{1}{3}$ 인 삼각형 ABC의 외접원의 반지름의 길이를 구하시오.

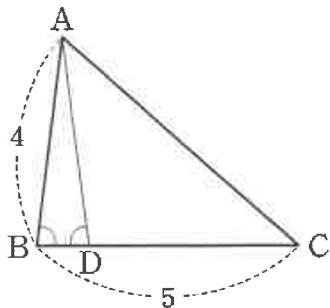
3. 삼각형 ABC가 다음 조건을 만족시킬 때,
 $3(\sin A + \sin B + \sin C)$ 의 값을 구하시오.

- | |
|----------------------------------|
| (가) 삼각형 ABC의 둘레의 길이는 10이다. |
| (나) 삼각형 ABC의 외접원의 넓이는 9π 이다. |

코사인법칙 (p. 57)

예제

4. 그림과 같아 $\overline{AB} = 4$, $\overline{BC} = 5$ 이고, $\cos B = \frac{1}{8}$ 인 삼각형 ABC가 있다. 선분 BC 위의 점 D에 대하여 $\angle ABD = \angle ADB$ 일 때, $\cos(\angle CAD)$ 의 값은?



- ① $\frac{3}{8}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ $\frac{5}{8}$ ④ $\frac{3}{4}$ ⑤ $\frac{7}{8}$

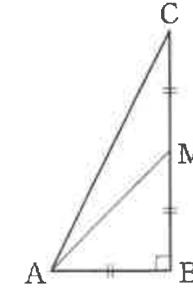
유제

5. 그림과 같아 $\overline{AB} : \overline{BC} = 1 : 2$ 이고 $\angle B = \frac{\pi}{2}$ 인

직각삼각형 ABC에서 선분 BC의 중점을 M이라 하자.

$\cos^2(\angle CAM) = \frac{q}{p}$ 일 때, $p+q$ 의 값을 구하시오.

(단, p 와 q 는 서로소인 자연수이다.)



6. 예각삼각형 ABC에 대하여

$$\overline{CA}^2 + \overline{AB}^2 = \overline{BC}^2 + 4\overline{CA}, \quad \overline{BC}^2 + \overline{CA}^2 = \overline{AB}^2 + 8\overline{CA}$$

가 성립할 때, $\frac{\overline{BC} \cos C}{\overline{AB} \cos A}$ 의 값을 구하시오.

삼각형의 모양 (p. 59)

예제

7. 삼각형 ABC가 다음 조건을 만족시킬 때, $\overline{AB}^2 + \overline{BC}^2 + \overline{CA}^2$ 의 값을 구하시오.

- (가) $\sin(B+C) + \sin(A+C) \times \cos(A+B) = 0$
(나) 삼각형 ABC의 외접원의 반지름의 길이는 $\frac{5}{2}$ 이다.

유제

8. 2보다 큰 양수 n 에 대하여 삼각형 ABC가

$$\overline{AB} = n, \overline{BC} = n+2, \overline{CA} = n+4, \angle B = \frac{2}{3}\pi$$

를 만족시킬 때, $14\cos A$ 의 값을 구하시오.

9. 다음 조건을 만족시키는 삼각형 ABC에 대하여 등식

$$\sin A = k(\sin B - \sin C)$$

가 성립하도록 하는 양수 k 가 존재할 때, k 의 값은?

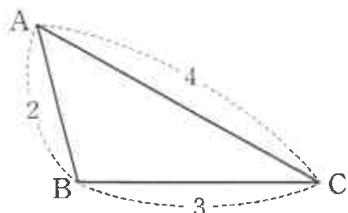
- (가) $\cos A \cos B \cos C = 0$
(나) $(\cos A - \cos B)(\cos B - \cos C)(\cos C - \cos A) = 0$

- ① $\sqrt{2}-1$ ② 1 ③ $\sqrt{2}$
④ 2 ⑤ $\sqrt{2}+1$

삼각형의 넓이 (p. 61)

예제

10. 그림과 같이 $\overline{AB}=2$, $\overline{BC}=3$, $\overline{CA}=4$ 인 삼각형 ABC가 있다.
 삼각형 ABC의 외접원과 내접원의 넓이를 각각 S_1 , S_2 라
 할 때, $S_1 - S_2$ 의 값은?



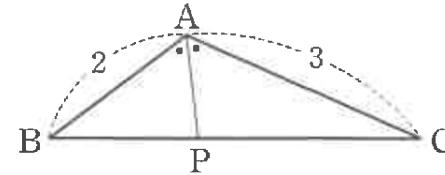
- ① $\frac{37}{10}\pi$ ② $\frac{15}{4}\pi$ ③ $\frac{19}{5}\pi$
 ④ $\frac{77}{20}\pi$ ⑤ $\frac{39}{10}\pi$

유제

11. $\overline{AB}=2$, $\overline{AC}=3$ 이고 $\angle BAC > \frac{\pi}{2}$ 인 삼각형 ABC에 대하여

$\angle BAC$ 의 이등분선이 선분 BC와 만나는 점을 P라 하자.

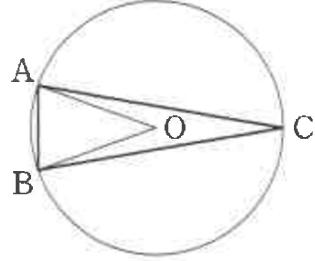
삼각형 ABC의 넓이가 $\frac{3\sqrt{3}}{2}$ 일 때, 선분 AP의 길이는?



- ① 1 ② $\frac{6}{5}$ ③ $\frac{7}{5}$ ④ $\frac{8}{5}$ ⑤ $\frac{9}{5}$

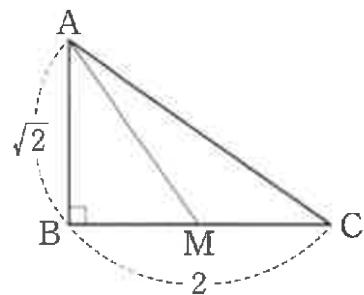
Level 1. 기초연습 (p. 62~63)

1. 그림과 같이 $\overline{AB}=2$, $\sin C=\frac{1}{3}$ 인 예각삼각형 ABC의 외접원의 중심을 O라 할 때, 삼각형 OAB의 넓이는?



- ① $\sqrt{6}$ ② $\sqrt{7}$ ③ $2\sqrt{2}$
 ④ 3 ⑤ $\sqrt{10}$

2. 그림과 같이 $\overline{AB}=\sqrt{2}$, $\overline{BC}=2$, $\angle B=\frac{\pi}{2}$ 인 직각삼각형 ABC에 대하여 선분 BC의 중점을 M이라 할 때, 삼각형 AMC의 외접원의 넓이는?

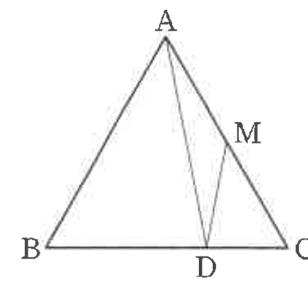


- ① 2π ② $\frac{9}{4}\pi$ ③ $\frac{5}{2}\pi$
 ④ $\frac{11}{4}\pi$ ⑤ 3π

3. $\overline{AB}=4$, $\overline{BC}=6$, $\cos A=\frac{1}{8}$ 인 삼각형 ABC에 대하여 $\cos B$ 의 값은?

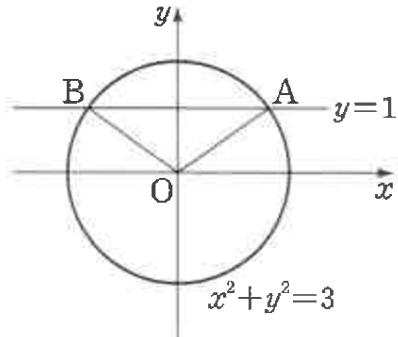
- ① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{9}{16}$ ③ $\frac{5}{8}$ ④ $\frac{11}{16}$ ⑤ $\frac{3}{4}$

4. 그림과 같이 한 변의 길이가 6인 정삼각형 ABC에 선분 BC를 2:1로 내분하는 점을 D라 하고, 선분 AC의 중점을 M이라 할 때, $\overline{AD} \times \overline{DM}$ 의 값은?



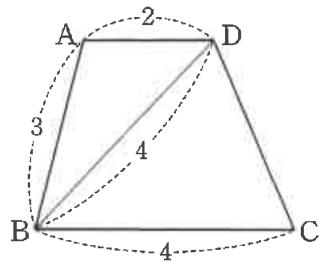
- ① 11 ② 12 ③ 13 ④ 14 ⑤ 15

5. 그림과 같이 원 $x^2+y^2=3$ 과 직선 $y=1$ 이 만나는 점 중 제1사분면 위의 점을 A, 제2사분면 위의 점을 B라 할 때, $\sin(\angle AOB)$ 의 값은? (단, O는 원점이고, $0 < \angle AOB < \pi$ 이다.)



- ① $\frac{\sqrt{2}}{3}$ ② $\frac{4\sqrt{2}}{9}$ ③ $\frac{5\sqrt{2}}{9}$
 ④ $\frac{2\sqrt{2}}{3}$ ⑤ $\frac{7\sqrt{2}}{9}$

6. 그림과 같으 $\overline{AB}=3$, $\overline{AD}=2$, $\overline{BD}=\overline{BC}=4$ 인 사다리꼴 ABCD가 있다. 선분 CD의 길이는?

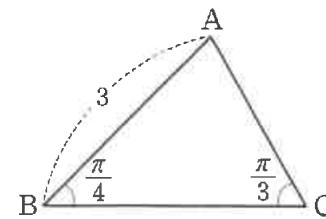


- ① $2\sqrt{2}$ ② 3 ③ $\sqrt{10}$
 ④ $\sqrt{11}$ ⑤ $2\sqrt{3}$

7. $\overline{AB}=4$, $\overline{AC}=5$ 이고 넓이가 $5\sqrt{3}$ 인 예각삼각형 ABC가 있다. 점 A에서 선분 BC에 내린 수선의 발을 H라 할 때, \overline{AH}^2 의 값은?

- ① 14 ② $\frac{99}{7}$ ③ $\frac{100}{7}$ ④ $\frac{101}{7}$ ⑤ $\frac{102}{7}$

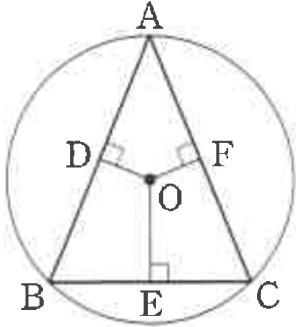
8. 그림과 같으 $\overline{AB}=3$, $\angle B=\frac{\pi}{4}$, $\angle C=\frac{\pi}{3}$ 인 삼각형 ABC가 있다. 삼각형 ABC의 외접원의 중심을 O라 할 때, 삼각형 OBC의 넓이는?



- ① $\frac{3}{4}$ ② $\frac{7}{8}$ ③ 1 ④ $\frac{9}{8}$ ⑤ $\frac{5}{4}$

Level 2. 기본연습 (p. 64~66)

1. 그림과 같이 중심이 O 이고 반지름의 길이가 3인 원에 내접하는 예각삼각형 ABC 에 대하여 점 O 에서 세 선분 AB , BC , CA 에 내린 수선의 발을 각각 D , E , F 라 하자.
 $\overline{OD} : \overline{OE} : \overline{OF} = 1 : 2 : 1$ 일 때, $\sin^2 A$ 의 값은?



- ① $2\sqrt{3} - \frac{10}{3}$ ② $2\sqrt{3} - \frac{19}{6}$ ③ $2\sqrt{3} - 3$
 ④ $2\sqrt{3} - \frac{17}{6}$ ⑤ $2\sqrt{3} - \frac{8}{3}$

2. 삼각형 ABC 가 다음 조건을 만족시킨다.

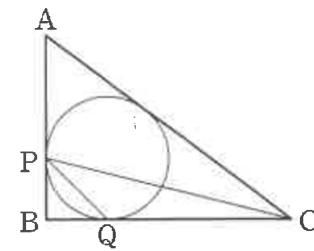
- (가) $\sin A = \cos B$
 (나) $\sin A + \sin B = \frac{2\sqrt{10}}{5}$

삼각형 ABC 의 외접원의 반지름의 길이를 R 이라 할 때,

$$\frac{\overline{BC} \times \overline{CA}}{R^2}$$

- ① 1 ② $\frac{6}{5}$ ③ $\frac{7}{5}$ ④ $\frac{8}{5}$ ⑤ $\frac{9}{5}$

3. 그림과 같이 $\overline{AB}=3$, $\overline{BC}=4$, $\overline{CA}=5$ 인 삼각형 ABC 의 내접원이 두 선분 AB , BC 와 만나는 점을 각각 P , Q 라 하자.
 $\sin(\angle CPQ) \times \sin(\angle QCP)$ 의 값은?



- ① $\frac{\sqrt{2}}{34}$ ② $\frac{\sqrt{2}}{17}$ ③ $\frac{3\sqrt{2}}{34}$
 ④ $\frac{2\sqrt{2}}{17}$ ⑤ $\frac{5\sqrt{2}}{34}$

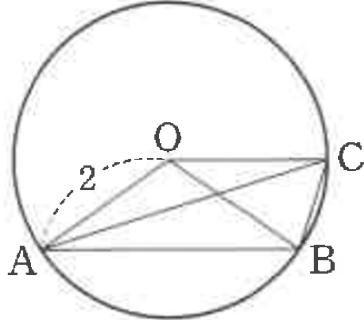
4. 삼각형 ABC 가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) $\sin A = \sin C$
 (나) $\cos A + 2\cos B = 3\cos C$

삼각형 ABC 의 넓이가 12 일 때, 삼각형 ABC 의 외접원의 넓이는?

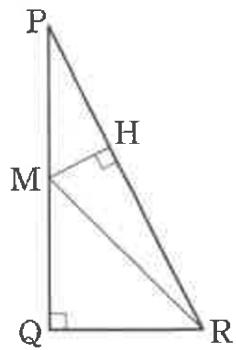
- ① $4\sqrt{3}\pi$ ② $\frac{13\sqrt{3}}{3}\pi$ ③ $\frac{14\sqrt{3}}{3}\pi$
 ④ $5\sqrt{3}\pi$ ⑤ $\frac{16\sqrt{3}}{3}\pi$

5. 그림과 같이 반지름의 길이가 2이고 중심이 O인 원 위에 $\overline{AB} < 4$ 인 서로 다른 두 점 A, B가 있다. 점 O를 지나고 직선 AB와 평행한 직선이 이 원과 만나는 점 중 점 B에 가까운 점을 C라 하자. 점 C를 포함하지 않는 호 AB의 길이가 4일 때, $\frac{\overline{AB}^2}{\overline{AC}^2 \times \overline{BC}^2}$ 의 값은?



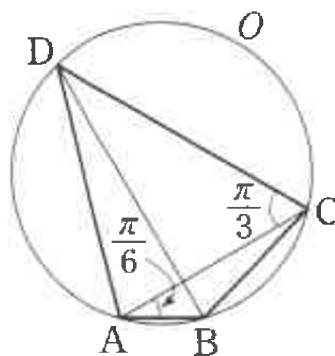
- ① $\frac{1}{5} \tan^2 1$ ② $\frac{1}{4} \tan^2 1$ ③ $\frac{1}{3} \tan^2 1$
 ④ $\frac{1}{2} \tan^2 1$ ⑤ $\tan^2 1$

6. 그림과 같아 $\overline{PQ} = 2\overline{QR}$, $\angle Q = \frac{\pi}{2}$ 인 직각삼각형 PQR이 있다. 선분 PQ의 중점 M에서 선분 PR에 내린 수선의 발을 H라 하자. 삼각형 PMR의 외접원의 넓이가 50π 일 때, 선분 MH의 길이는?



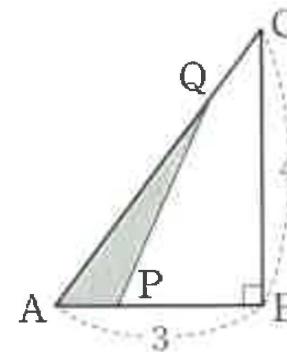
- ① 1 ② $\frac{3}{2}$ ③ 2 ④ $\frac{5}{2}$ ⑤ 3

7. 그림과 같이 원 O에 내접하고 $\overline{AB} = 2$, $\angle ACD = \frac{\pi}{3}$, $\angle CAD = \frac{\pi}{6}$ 인 사각형 ABCD가 있다. 사각형 ABCD의 넓이가 $\frac{21\sqrt{3}}{2}$ 일 때, 원 O의 넓이는?



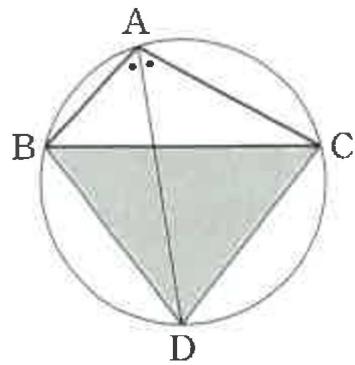
- ① 10π ② 11π ③ 12π ④ 13π ⑤ 14π

8. 그림과 같아 $\overline{AB} = 3$, $\overline{BC} = 4$, $\angle B = \frac{\pi}{2}$ 인 직각삼각형 ABC에서 선분 AB를 $1:m$ 으로 내분하는 점을 P, 선분 CA를 $1:m$ 으로 내분하는 점을 Q라 하자. $\overline{PQ} = \frac{3\sqrt{5}}{2}$ 일 때, 삼각형 APQ의 넓이는? (단, m은 $m > 0$ 인 상수이다.)



- ① 1 ② $\frac{17}{16}$ ③ $\frac{9}{8}$
 ④ $\frac{19}{16}$ ⑤ $\frac{5}{4}$

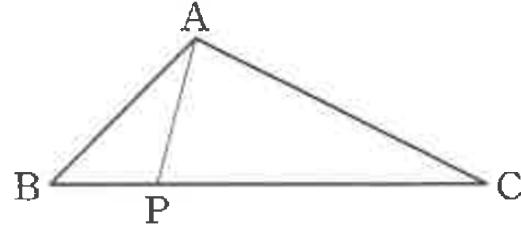
9. 그림과 같이 $\overline{AB}=2$, $\overline{BC}=4$, $\overline{CA}=3$ 인 삼각형 ABC에서 $\angle BAC$ 의 이등분선이 삼각형 ABC의 외접원과 만나는 점 중 A가 아닌 점을 D라 하자. 삼각형 BDC의 넓이는?



- ① $\sqrt{15}$ ② $\frac{7\sqrt{15}}{6}$ ③ $\frac{4\sqrt{15}}{3}$
 ④ $\frac{3\sqrt{15}}{2}$ ⑤ $\frac{5\sqrt{15}}{3}$

Level 3. 실력완성 (p. 67)

1. 그림과 같으 $\overline{BC}=3\sqrt{2}$, $\overline{CA}=\sqrt{10}$, $\cos C=\frac{2\sqrt{5}}{5}$ 인 삼각형 ABC에 대하여 <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?



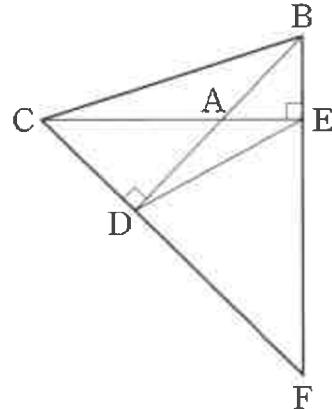
<보기>

- ㄱ. $\overline{AB}=2$
- ㄴ. 삼각형 ABC의 외접원의 넓이는 5π 이다.
- ㄷ. 선분 BC 위를 움직이는 점 P에 대하여 $\frac{\overline{BP}\times\overline{CP}}{\sin(\angle PAB)\times\sin(\angle CAP)}$ 의 최솟값은 $2\sqrt{10}$ 이다.
(단, 점 P는 두 점 B, C와 일치하지 않는다.)

- ① ㄱ ② ㄷ ③ ㄱ, ㄴ
 ④ ㄴ, ㄷ ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

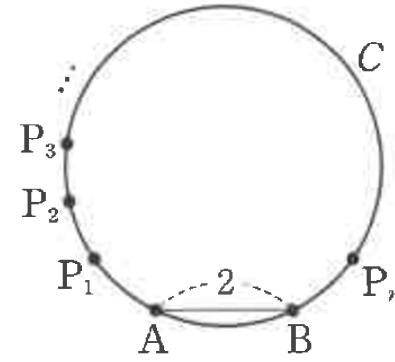
2. 그림과 같이 $\overline{AB}=2$, $\overline{AC}=2\sqrt{2}$ 이고, $\angle CAB > \frac{\pi}{2}$ 인 삼각형

ABC에 대하여 점 C에서 직선 AB에 내린 수선의 발을 D, 점 B에서 직선 AC에 내린 수선의 발을 E라고 하고, 두 직선 BE, CD가 만나는 점을 F라 하자. 삼각형 ACD의 외접원과 삼각형 AEB의 외접원이 만나는 서로 다른 두 점 사이의 거리가 $\frac{2\sqrt{5}}{5}$ 일 때, 삼각형 DFE의 외접원의 넓이는?



- ① 3π ② 4π ③ 5π ④ 6π ⑤ 7π

3. 그림과 같이 반지름의 길이가 3인 원 C 위에 $\overline{AB}=2$ 인 두 점 A, B가 있다. 삼각형 PAB의 넓이가 자연수가 되도록 하는 원 C 위의 서로 다른 점 P의 개수는 n이고, 이러한 n개의 점 P 중에서 점 A에 가장 가까운 점을 P_1 이라 하고, 나머지 $(n-1)$ 개의 점들을 점 P_1 부터 시계방향으로 $P_2, P_3, P_4, \dots, P_n$ 이라 하자. $(\overline{AP}_5 + \overline{AP}_6)^2$ 의 값은?



- ① $61+40\sqrt{2}$ ② $62+40\sqrt{2}$ ③ $63+40\sqrt{2}$
 ④ $64+40\sqrt{2}$ ⑤ $65+40\sqrt{2}$

[정답표]

3. 삼각함수

4. 사인법칙과 코사인법칙